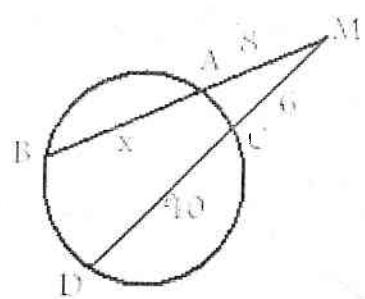
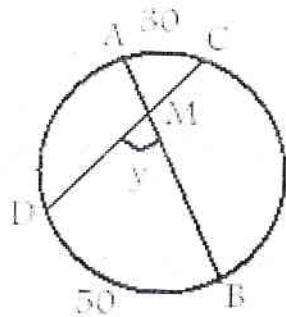


اداره آموزش و پرورش ناحیه ۶ مشهد مقدس مؤسسه فرهنگی و آموزشی امام حسین (ع) شهرستان پسرانه دوره متوسطه دوم امام حسین (ع)		سوالات امتحان درس : هندسه ۴
تاریخ امتحان ۱۴۰۱/۰۷/۲۲ دیروز دیروزستان		نوبت دوم : خوداد ۱۴۰۱
رشته : ریاضی فیزیک تعداد صفحات : ۶ مدت امتحان : ۱۱۰:۴۰		پایه : پازدید شماره صندلی : کلاس : ۲۰۱ نام و نام خانوادگی دانش آموز :

ردیف	سوالات	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارتهاي زير را تعين کنيد.</p> <p>الف) هر مربع يك چهار ضلعی محیطي و محاطی است.</p> <p>ب) در هیچ شرایطی بازتاب محوری يك تبدیل همانی نمی شود.</p> <p>پ) تبدیل دوران شبی خط و جهت شکل را حفظ نمی کند.</p>	.۰/۷۵
۲	<p>جاهاي خالي را بصورت مناسب پرکنيد.</p> <p>الف) طول کمانی از يك دایره به شعاع ۳ که رو به رو به زاویه 60° باشد، برابر ----- است.</p> <p>ب) اگر در يك تجانس به مرکز O نسبت تجانس $k = -2$ باشد، آن را يك تجانس ----- (مستقيم / معکوس) می گويم و در اين حالت تصویر شکل ----- (منبسط / منقبض) می گردد.</p>	.۰/۷۵
۳	<p>نشان دهيد که اگر در يك دایره يك وتر با يك مماس بر دایره با هم موازي باشند، آنگاه کمان هاي بین اين دو خط موازي، مساويند.</p>	۱

در شکل های زیر مقادیر x و y را بیابید.



5 طول شعاع های دو دایره متخارج را به دست آورید که طول مماس مشترک خارجی آنها مساوی $3\sqrt{7}$ و طول مماس مشترک داخلی آنها $\sqrt{15}$ و طول خط مرکزین آنها مساوی 8 واحد است.

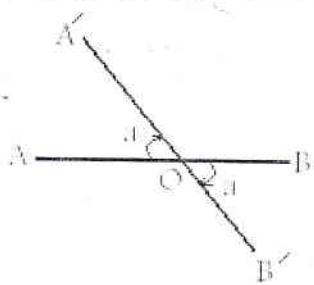
۶ اگر r_a و r_b و r_c شعاع های سه دایره محاطی خارجی مثلث و شعاع دایره محاطی داخلی r باشد، نشان دهید:

$$\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c} = \frac{1}{r}$$

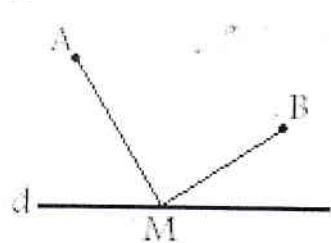
۷ قضیه: در هر تبدیل طولیا، تبدیل یافته هر زاویه، زاویه ای هم اندازه آن است.

۸ قضیه: در هر انتقال، اندازه هر پاره خط و اندازه تصویر آن با هم برابرند. (قضیه را در حالتی که پاره خط با بردار انتقال موازی نیست ثابت کنید.)

۹ اگر O مرکز دوران و α زاویه دوران باشد، در حالت زیر نشان دهید، دوران طولپاس است.



۱۰ یک مربع را در تجانس با نسبت $\frac{2}{3}$ و به مرکز محل تلاقی قطرها تصویر کرده ایم. اگر مساحت بین مربع و تصویرش ۵ باشد، محیط مربع ها را باید. (با رسم شکل)



۱۱ نقطه M روی خط d را چنان تعیین کنید که $MA + MB$ کمترین مقدار ممکن باشد. (توضیح دهید)

۱۷۵

۱۲

در مثلث ABC داریم $AC = \frac{10\sqrt{6}}{3}$ و $\angle A = 120^\circ$ و $BC = 10$. مطلوبست تعیین:
 الف) شعاع دایرۀ محیطی مثلث.

۶

ب) اندازه زوایای B و C .

۱۷۵

۱۳

دو قایق از یک نقطه در دریاچه‌ای با سرعت $60 \frac{km}{h}$ و $100 \frac{km}{h}$ و با زاویه 120° از هم دور می‌شوند.
 نیم ساعت بعد دو قایق در چه فاصله‌ای از یکدیگرند؟

۱۷۵

۱۴

در مثلث ABC داریم $AB = 3$ ، $AC = 5$ و $BC = 7$. طول نیمساز زاویه A را بیابید.

۱۵

مثلث M ، به اضلاع ۱۲ و ۹ و ۷ واحد مفروض است.

الف) مساحت مثلث را به کمک دستور هرون بدست آورید.

ب) طول ارتفاع وارد بر بزرگترین ضلع را بیابید.

پ) مقدار سینوس کوچکترین زاویه را بدست آورید.

دانش آموزان عزیز:

در مسائلی که از رابطه خاصی استفاده می شود نوشتن رابطه الزامی است.

۴۰

کنجکاو باشید...

باره

آرزومندسر بلندی تو؛ چرا غصی