

شماره داوطلب:

نام و نام خانوادگی:

نام پدر:

دبیرستان غیر دولتی پسرانه امام حسین (ع)

تاریخ امتحان : ۱۴۰۰/۱۰/۱۱

مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه

ساعت شروع : ۱۰ صبح

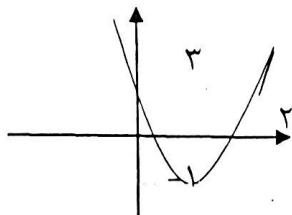
تعداد صفحات : ۲ صفحه

سوالات امتحان : حسابان ۱

ردیف	سوالات	تعداد سوالات ۱۳ سوال می باشد	نمره
۱	جاهای خالی را با عبارت مناسب تکمیل نمایید الف) دریک دنباله حسابی مجموع n جمله اول $S_n = \frac{n(2n-7)}{2}$ است، قدر نسبت این دنباله است ب) مجموعه جواب نا معادله $ 2x - 3 \leq 7$ بصورت بازه است		
۲	پ) اگر $f(x) = \frac{5x+7}{2x-1}$ و $g(x) = \frac{2x-1}{x-2}$ آنگاه $(f + 2g)(1) = \dots$ خواهد بود ت) وارون تابع $f(x) = \frac{2x-1}{2x-2}$ برابر است با تابع		
۱	در دنباله حسابی , ۱۱ , ۷ , ۳ حداکثر چند جمله دنباله را بهم جمع کیم تا حاصل کمتر از ۳۲۵ باشد		۲
۱	مقدار عددی عبارت $x = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$ را به ازای $\frac{1+x+x^2+x^3+\dots+x^{11}}{x^9+x^6+x^3+1}$ بدست آورید		۳

۴

الف) اگر α و β ریشه های معادله $0 = -x^2 - 3x - 6$ باشند معادله درجه دومی بنویسید که ریشه های آن به صورت $1 - 2\alpha$ و $1 - 2\beta$ باشند



ب) با توجه به شکل مقابل برای تابع $y = ax^2 + bx + c$ مقادیر a, b, c را بیابید

۱,۵ مقداریا مقادیر k را چنان بیابید که فاصله نقطه $A(1, -2)$ از خط $3x - 4y + k = 0$ برابر با فاصله مبداء مختصات از نقطه $B(-2, \sqrt{5})$ باشد

۶

معادلات زیر را حل و جواب های آنها را بیابید

۲

$$\text{الف} \quad \frac{x-1}{2x+1} + 2 \left(\frac{2x+1}{x-1} \right) + 3 = .$$

$$\text{ب) } \sqrt{1+x} = x - 1$$

$$\text{ج) } (2^x - 1)^2 - 4(2^x - 1) + 3 = .$$

۱,۵

معادله $x^2 - 1 - |x| = 0$ را به روش هندسی حل کنید و تمام جوابهای آنرا بیابید

۷

۱

از رابطه های زیر در کدام یک y تابعی بر حسب x است؟ چرا؟

$$\text{الف) } (x-2)^2 + (y+1)^2 = 3$$

$$\text{ب) } x = y|y|$$

۸

۱

آیا دو تابع $g(x) = \sqrt{x^2 + 1} - 1$ و $f(x) = \frac{x^2}{1+\sqrt{1+x^2}}$ مساویند؟ چرا؟

۹

۱۰

یک به یک بودن تابع $f(x) = x^3 - 6x + 5$; $x \leq 3$ را بررسی کنید

۱.۵

۱.۵

۱۱

نمودار تابع $y = [x] - x$ را برای $-2 \leq x < 2$ رسم کنید

۱.۵

۱۲

اگر $\{(1, -2), (2, 5), (3, -1), (4, 3)\}$ باشند $g(x) = \frac{2x+1}{x-2}$ و $f = \{(1, -2), (2, 5), (3, -1), (4, 3)\}$
الف) تابع $f - 2g$ را به صورت زوج های مرتب بنویسید

ب) مقدار $g(f(4)) - f(g(7))$ را بیابید

۱

۱۳

اگر $f(x) = \sqrt{x-3}$ و $g(x) = \frac{1}{x-1}$ دست آورید $gof(x)$ و دامنه $fog(x)$ ضابطه را به دست آورید

۲۰

جمع کل

با آرزوی موفقیت