

تاریخ: ۹۸/۱۰/۷ مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	باسم‌هه تعالی اداره آموزش و پرورش ناحیه شهرستان ساعت شروع: ۱۰:۳۰ صبح شماره کلاس: پایه یازدهم انسانی آزمون ریاضی و آمار ۲ نیمسال اول دیجه ۱۴۰۰ <small>دفتر سان پسرانه شماره یک امام حسین (ع)</small> تعداد صفحه ۲:	نام و نام خانوادگی: دانش‌آموزان عزیز در همین برگه پاسخ دهید.
۲	<p>کدام‌یک از جملات زیر گزاره است؟ ارزش هر گزاره را تعیین کنید.</p> <p>(الف) افلاطون شاگرد ارسطو است.</p> <p>(ب) رابطه‌ی $\{(1, 2), (2, 1), (4, 5)\} = f$ یک تابع است.</p> <p>(پ) $4 \times 2 = 2^3 \Rightarrow 8^2 > 4^3$</p> <p>(ت) اگر عبارت $\frac{3x}{x+2}$ گویا باشد، آن‌گاه $\sqrt{2}$ گنگ است و برعکس.</p>	۱
۱/۵	<p>با استفاده از جدول ارزش‌گذاری، درستی یا نادرستی هم ارزی زیر را تعیین کنید.</p> $[(p \wedge \neg q) \vee (p \Rightarrow q)] \equiv T$	۲
۲	<p>اگر p, q و r سه گزاره دلخواه باشند، جدول ارزش‌گذاری گزاره زیر رارسم کنید.</p> $[(p \wedge (q \Rightarrow r)) \Leftrightarrow (q \wedge (p \Rightarrow r))]$	۳
۲	<p>اگر P گزاره‌ای درست و q گزاره‌ای نادرست و r گزاره‌ای دلخواه باشد، ارزش گزاره‌های زیر را بدونرسم جدول تعیین کنید.</p> <p>(الف) $(\neg p \vee q) \Leftrightarrow (p \Rightarrow q)$</p> <p>(ب) $(r \Leftrightarrow p) \Rightarrow (p \wedge q)$</p>	۴
۱	<p>اگر $p \wedge q \equiv T$ باشد ارزش گزاره $(p \Rightarrow q) \vee (\neg q \Rightarrow p)$ را تعیین کنید.</p>	۵

۱	<p>گزاره‌های زیر را به صورت نماد ریاضی بازنویسی کنید.</p> <p>الف) هر عدد ناصفری از معکوس خود بزرگ‌تر یا مساوی با آن است.</p> <p>ب) مکعب یک عدد بزرگ‌تر از هفت برابر آن عدد، به علاوه پنج است.</p>	۶
۱	<p>نام استدلال زیر چیست؟ آیا روش به کار رفته در آن درست است؟ درستی یا نادرستی استدلال را بررسی کنید.</p> <p>۱ : $a > b \Rightarrow a^3 > b^3$</p> <p>۲ : $\sqrt{7} > \sqrt{5}$</p> <hr/> <p>$\therefore (\sqrt{7})^3 > (\sqrt{5})^3$</p>	۷
۱	<p>دانشآموزی گزاره‌ی «$x < y \Rightarrow xz < yz$» را که در آن x, y و z اعداد حقیقی هستند، به صورت زیر ثابت کرده است. درستی یا نادرستی محاسبات او را بررسی کنید.</p> <p>$x < y \xrightarrow{\text{جمع دو عدد با } z} x+z < y+z \xrightarrow{\text{ضرب دو عدد در } z^2} xz + z^2 < yz + z^2 \xrightarrow{\text{حذف } z^2 \text{ از طرفین}} xz < yz$</p>	۸
۲/۲۵	<p>ا) اگر رابطه f تابع باشد x, y را به دست آورید.</p> $f = \{(1, 2x - y), (3, 2y), (1, 7), (3, 10)\}$ <p>ب) اگر رابطه g یک تابع همانی باشد، حاصل $(a+b)-c$ را به دست آورید.</p> $g = \{(a+2, 3), (b, 2), (c+1, 4)\}$	۹
۱/۵		ضابطه تابع مقابله را بنویسید.
		۱۰

۲/۵

$$f(x) = \begin{cases} x+1 & x < -1 \\ 4 & -1 \leq x \leq 2 \\ x & x > 2 \end{cases}$$

در تابع $2 \leq x \leq -1$ عبارت‌های زیر را به دست آورید.

۱۱

(الف) $f(-2) + f(2) =$

(ب) $f(3) - f(-1) =$

۱/۲۵

حاصل عبارت زیر را به دست آورید.

۱۲

$$A = [0/63] + [-4/2] + [3/99] - [1/2]$$

۱

نمودار توابع زیر رارسم کنید.

۱۳

(الف) $y = -|x| + 1$

(ب) $y = |x - 2|$

موفق باشید